

Dimensionamento de Barras Tracionadas



Curso de projeto e Cálculo de Estruturas Metálicas – Eng. Felipe Jacob - 2024

Verificação 1 – Eobeltez - ELS

5.2.8 Limitação do índice de esbeltez e requisito para barras compostas

5.2.8.1 Recomenda-se que o índice de esbeltez das barras tracionadas, considerado como a maior relação entre o comprimento destravado e o raio de giração correspondente, excetuando-se tirantes de barras redondas pré-tensionadas ou outras barras que tenham sido montadas com pré-tensão, não supere 300 (ver 5.2.8.3).

5.2.8.2 Recomenda-se que nas barras compostas formadas por dois ou mais perfis ligados por contato direto ou com afastamento igual à espessura de chapas espaçadoras, o índice de esbeltez ℓ/r_{\min} de qualquer perfil componente, entre duas ligações adjacentes, não seja superior a 300, conforme ilustra a Figura 9. Essas barras, trabalhando como unidade, estão também sujeitas à recomendação de 5.2.8.1.

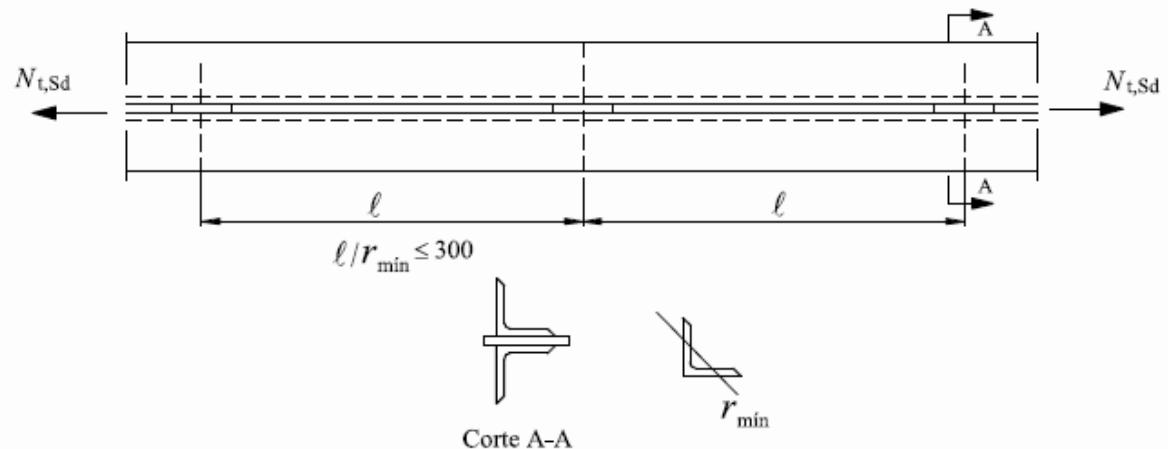


Figura 9 – Barra composta tracionada

5.2.8.3 No caso das recomendações de 5.2.8.1 ou 5.2.8.2 não serem adotadas, o responsável técnico pelo projeto estrutural deve estabelecer novos limites para assegurar que as barras tracionadas tenham um comportamento adequado em **condições de serviço**.

Verificação 2 – Escoamento da Seção Bruta - ELU

$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,1}$$

A_g = área bruta da seção transversal

Verificação 3 – Ruptura da seção Líquida - ELU

$$N_{tRd} = \frac{A_e \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{C_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35}$$

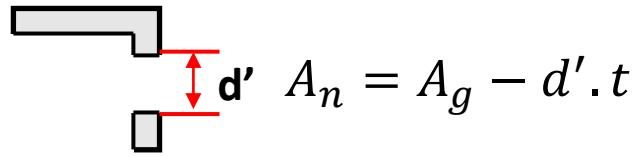
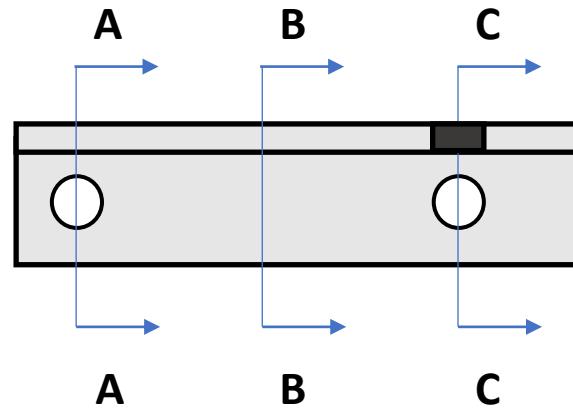
A_e = área líquida efetiva

A_n = área líquida

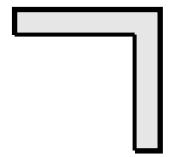
C_t = coeficiente de redução da área líquida

Determinação da Área líquida - An

$$d' = D_p + 1,5mm + 2mm$$

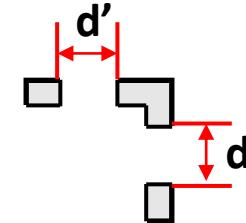


Corte A-A



Corte B-B

$$A_n = A_g$$

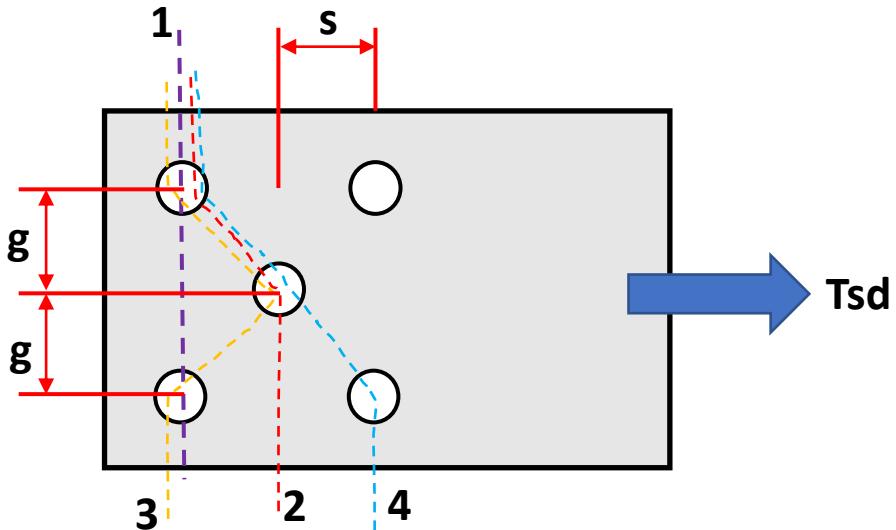


Corte C-C

$$A_n = A_g - 2(d'.t)$$

Determinação da Área líquida - An

$$d' = D_p + 1,5\text{mm} + 2\text{mm}$$



Caminho 1

$$A_n = A_g - 2 \cdot d' \cdot t$$

Caminho 2

$$A_n = A_g - 2 \cdot d' \cdot t + \frac{s^2}{4 \cdot g} \cdot t$$

Caminho 3

$$A_n = A_g - 3 \cdot d' \cdot t + 2 \cdot \frac{s^2}{4 \cdot g} \cdot t$$

Caminho 4

$$A_n = A_g - 3 \cdot d' \cdot t + 2 \cdot \frac{s^2}{4 \cdot g} \cdot t$$

Determinação do coeficiente de redução Ct

5.2.5 Coeficiente de redução

O coeficiente de redução da área líquida, C_t , tem os seguintes valores:

- a) quando a força de tração for transmitida diretamente para cada um dos elementos da seção transversal da barra, por soldas ou parafusos:

$$C_t = 100$$

- b) quando a força de tração for transmitida somente por soldas transversais:

$$C_t = \frac{A_c}{A_g}$$

onde

A_c é a área da seção transversal dos elementos conectados.

- c) nas barras com seções transversais abertas, quando a força de tração for transmitida somente por parafusos ou somente por soldas longitudinais ou ainda por uma combinação de soldas longitudinais e transversais para alguns (não todos) elementos da seção transversal;

$$C_t = 1 - \frac{e_c}{\ell_c}$$

onde

e_c é a excentricidade da ligação, igual à distância do centro geométrico da seção da barra, G , ao plano de cisalhamento da ligação (em perfis com um plano de simetria, a ligação deve ser simétrica em relação a ele e são consideradas, para cálculo de C_t , duas barras fictícias e simétricas, cada uma correspondente a um plano de cisalhamento da ligação, por exemplo, duas seções T no caso de perfis I ou H ligados pelas mesas ou duas seções U, no caso desses perfis serem ligados pela alma – ver a Figura 4);

ℓ_c é o comprimento efetivo da ligação (esse comprimento, nas ligações soldadas, é igual ao comprimento da solda na direção da força axial; nas ligações parafusadas é igual a distância do primeiro ao último parafuso da linha de furação com maior número de parafusos, na direção da força axial).

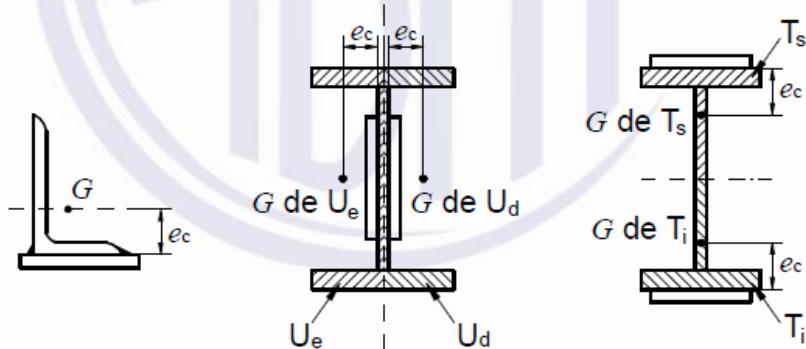


Figura 4 – Ilustração dos valores de e_c em seções abertas

Determinação do coeficiente de redução Ct

- d) nas chapas planas, quando a força de tração for transmitida somente por soldas longitudinais ao longo de ambas as suas bordas, conforme a Figura 5 (ver 6.2.6.2.3):

$$C_t = \frac{3\ell_c^2}{3\ell_c^2 + b^2} \left(1 - \frac{t}{2\ell_c}\right)$$

onde

$\ell_c = (\ell_{w1} + \ell_{w2})/2$ é o valor médio dos comprimentos dos cordões de solda;

b é a largura da chapa (distância entre as soldas situadas nas duas bordas);

t é a espessura da chapa.

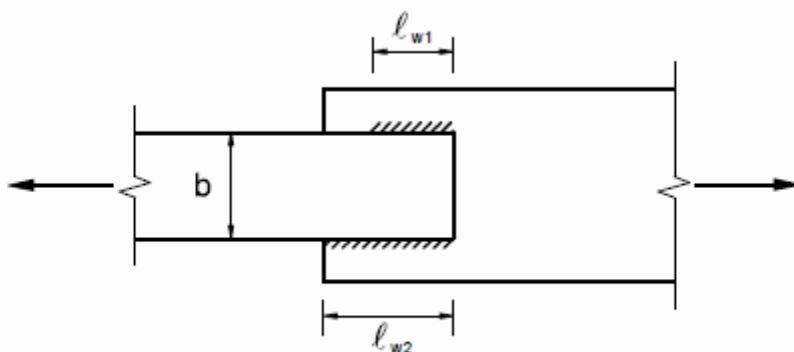


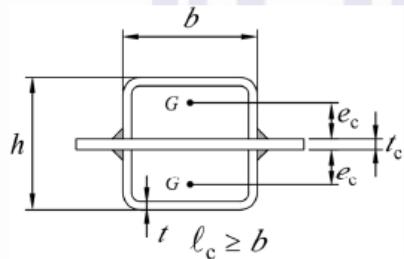
Figura 5 – Chapa plana com força de tração transmitida por soldas longitudinais

Determinação do coeficiente de redução C_t

- e) para perfis tubulares circulares e retangulares, com e sem costura, em que a força de tração for transmitida por uma chapa de ligação concêntrica, o coeficiente C_t é calculado conforme a seguir (ver as Figuras 6 e 7):

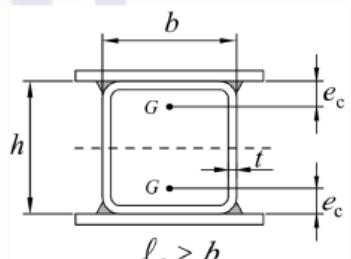
$$C_t = \left[1 + \left(\frac{e_c}{\ell_c} \right)^{3,2} \right]^{-10}$$

- f) nas barras com seções tubulares retangulares, quando a força de tração for transmitida por chapas de ligação em dois lados opostos da seção, utilizar o mesmo procedimento dado em 5.2.5-c), desde que o comprimento da ligação, ℓ_c , não seja inferior à dimensão da seção na direção paralela à(s) chapa(s) de ligação (ver a Figura 6);



$$e_c = \frac{h^2 + 2hb}{4(h+b)} - \frac{t_c}{2}$$

a) chapa de ligação concêntrica



$$e_c = \frac{h^2}{4(h+b)}$$

b) chapas de ligação em dois lados opostos

Figura 6 – Ilustração do valor de e_c em seção tubular retangular

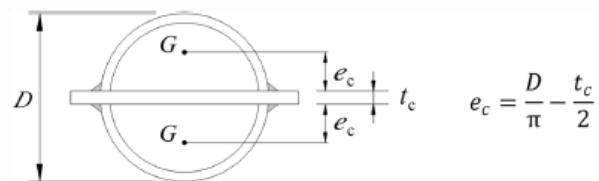


Figura 7 – Ilustração do valor de e_c em seção tubular circular

Exceto para seções tubulares retangulares e circulares e chapas, o coeficiente C_t não precisa ser considerado menor que o valor obtido pela relação entre a área bruta dos elementos conectados da seção transversal, A_c , e a área bruta da barra, ou seja:

$$C_t \geq \frac{A_c}{A_g}$$

EUROCÓDIGO 3 EM-1993-1-8:2005 3.10.1

- (2) A single angle in tension connected by a single row of bolts in one leg, see Figure 3.9, may be treated as concentrically loaded over an effective net section for which the design ultimate resistance should be determined as follows:

with 1 bolt:
$$N_{u,Rd} = \frac{2,0(e_2 - 0,5d_0)t f_u}{\gamma_{M2}} \quad \dots (3.11)$$

with 2 bolts:
$$N_{u,Rd} = \frac{\beta_2 A_{net} f_u}{\gamma_{M2}} \quad \dots (3.12)$$

with 3 or more bolts:
$$N_{u,Rd} = \frac{\beta_3 A_{net} f_u}{\gamma_{M2}} \quad \dots (3.13)$$

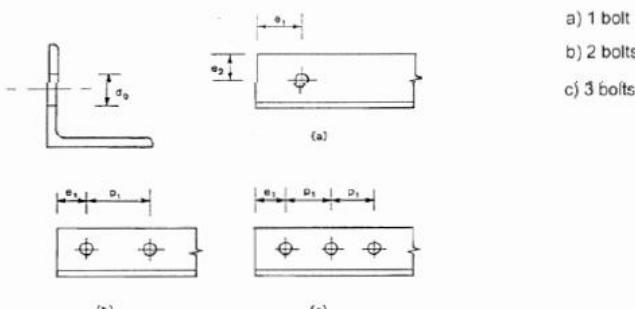
where:

β_2 and β_3 are reduction factors dependent on the pitch p_1 as given in Table 3.8. For intermediate values of p_1 the value of β may be determined by linear interpolation;

A_{net} is the net area of the angle. For an unequal-leg angle connected by its smaller leg, A_{net} should be taken as equal to the net section area of an equivalent equal-leg angle of leg size equal to that of the smaller leg.

Table 3.8: Reduction factors β_2 and β_3

Pitch	p_1	$\leq 2,5 d_0$	$\geq 5,0 d_0$
2 bolts	β_2	0,4	0,7
3 bolts or more	β_3	0,5	0,7



Comprimento de Solda econômico para cantoneiras simples soldadas em apenas uma aba

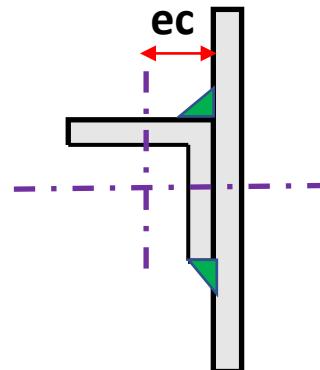
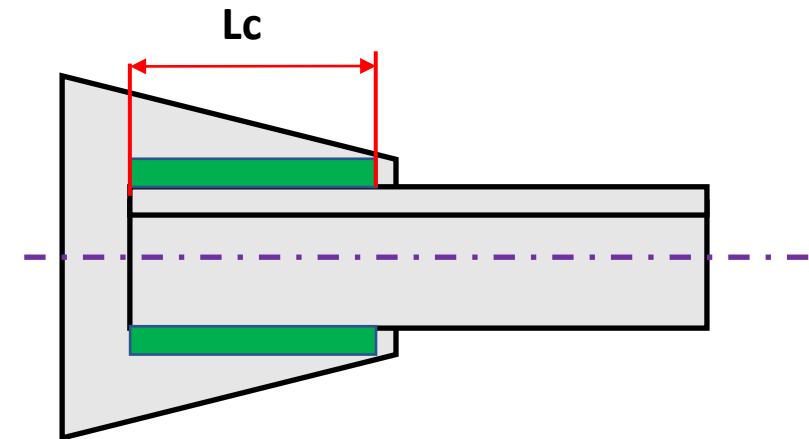
$$\frac{A_g \cdot F_y}{1,10} = \frac{A_e \cdot F_u}{1,35}$$

$$\frac{A_g \cdot F_y}{1,10} = \frac{C_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35}$$

$$\frac{A_{\bar{g}} \cdot F_y}{1,10} = \frac{\left(1 - \frac{e_c}{L_c}\right) \cdot A_{\bar{g}} \cdot F_u}{1,35}$$

$$L_c = \frac{e_c}{1 - \frac{1,227 F_y}{F_u}}$$

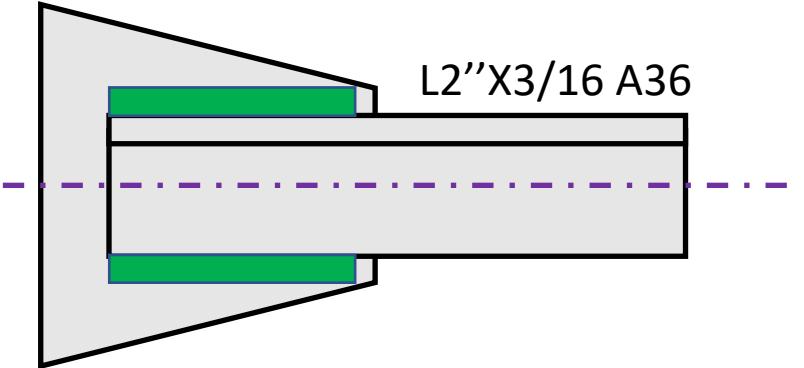
$$L_c = 4,30 \cdot e_c \text{ (A36)}$$



Corte B-B

Exercício 1: Determinar resistência à tração da cantoneira a seguir

Determine o Lc ótimo



$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{4,58 \cdot 25}{1,10} = 104,09 \text{ kN}$$

$$L_c = 4,30 \cdot ec = 4,30 \cdot 1,45 = 6,23 \text{ cm}$$

$$C_t = 1 - \frac{e_c}{L_c} = 1 - \frac{1,45}{6,23} = 0,767$$

$$N_{tRd} = \frac{C_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,767 \cdot 4,58 \cdot 40}{1,35} = 104,09 \text{ kN}$$

**TABELA DE PROPRIEDADES GEOMÉTRICAS
CANTONEIRA LAMINADA DE ABAS IGUAIS**

www.calculistadeaco.com.br

Aba	Peso	Área	Área de Pintura		Espessura		Esbeltaz		Momento de Inércia	Módulo Resistente Elástico	Raio de Gираção	Centro Geométrico		
			B	P	A	u	t	B/t	Qs (A36)					
pol	cm	kg/m	cm²	cm	m²/m	pol	cm			Ix = Iy cm⁴	Wx = Wy cm³	rx=ry cm	rz min cm	x cm
1/2"	1,27	0,55	0,70	0,05	1/8"	0,32	4,01	1,00	0,10	0,11	0,37	0,25	0,43	
5/8"	1,59	0,71	0,90	0,06	1/8"	0,32	5,01	1,00	0,20	0,19	0,47	0,32	0,51	
3/4"	1,91	0,87	1,11	0,08	1/8"	0,32	6,01	1,00	0,36	0,27	0,57	0,38	0,59	
7/8"	2,22	1,04	1,32	0,09	1/8"	0,32	7,00	1,00	0,58	0,38	0,66	0,46	0,66	
		1,49	1,90	0,09	3/16"	0,48	4,66	1,00	0,79	0,54	0,66	0,48	0,74	
		1,19	1,48	0,10	1/8"	0,32	8,01	1,00	0,83	0,49	0,79	0,48	0,76	
1"	2,54	1,73	2,19	0,10	3/16"	0,48	5,34	1,00	1,25	0,66	0,76	0,48	0,81	
		2,22	2,84	0,10	1/4"	0,64	4,00	1,00	1,66	0,98	0,76	0,48	0,86	
		1,50	1,93	0,13	1/8"	0,32	10,02	1,00	1,67	0,82	0,97	0,64	0,89	
1/4"	3,18	2,20	2,77	0,13	3/16"	0,48	6,67	1,00	2,50	1,15	0,97	0,61	0,97	
		2,86	3,62	0,13	1/4"	0,64	5,00	1,00	3,33	1,47	0,94	0,61	1,02	
		1,83	2,32	0,15	1/8"	0,32	12,02	1,00	3,33	1,15	1,17	0,76	1,07	
1/2"	3,81	2,68	3,42	0,15	3/16"	0,48	8,00	1,00	4,58	1,64	1,17	0,74	1,12	
		3,48	4,45	0,15	1/4"	0,64	6,00	1,00	5,83	2,13	1,15	0,74	1,19	
		2,14	2,71	0,18	1/8"	0,32	14,02	0,96	5,41	1,64	1,40	0,89	1,22	
3/4"	4,45	3,15	4,00	0,18	3/16"	0,48	9,34	1,00	7,50	2,30	1,37	0,89	1,30	
		4,12	5,22	0,18	1/4"	0,64	7,00	1,00	9,57	3,13	1,35	0,86	1,35	
		5,04	6,45	0,18	5/16"	0,79	5,60	1,00	11,20	3,77	1,32	0,86	1,41	
		2,46	3,10	0,20	1/8"	0,32	16,03	0,91	7,91	2,13	1,60	1,02	1,40	
2"	5,08	3,63	4,58	0,20	3/16"	0,48	10,67	1,00	11,70	3,13	1,58	1,02	1,45	
		4,74	6,06	0,20	1/4"	0,64	8,00	1,00	14,60	4,10	1,55	0,99	1,50	
		5,83	7,42	0,20	5/16"	0,79	6,40	1,00	17,50	4,91	1,53	0,99	1,55	
		6,99	8,76	0,20	3/8"	0,95	5,34	1,00	20,00	5,73	1,50	0,99	1,63	
		4,57	5,80	0,25	3/16"	0,48	13,34	0,98	23,00	4,91	1,98	1,24	1,75	
2 1/2"	6,35	6,10	7,67	0,25	1/4"	0,64	10,00	1,00	29,00	6,40	1,96	1,24	1,83	
		7,44	9,48	0,25	5/16"	0,79	8,00	1,00	35,00	7,87	1,93	1,24	1,88	
		8,78	11,16	0,25	3/8"	0,95	6,67	1,00	41,00	9,35	1,91	1,22	1,93	
		5,52	7,03	0,30	3/16"	0,48	16,01	0,91	40,00	7,21	2,39	1,50	2,08	
3"	7,62	7,29	9,29	0,30	1/4"	0,64	12,00	1,00	50,00	9,50	2,36	1,50	2,13	
		9,07	11,48	0,30	5/16"	0,79	9,60	1,00	62,00	11,60	2,34	1,50	2,21	
		10,71	13,61	0,30	3/8"	0,95	8,00	1,00	75,00	13,60	2,31	1,47	2,26	
		12,34	15,67	0,30	7/16"	1,11	6,86	1,00	83,00	15,60	2,31	1,47	2,31	
		14,00	17,74	0,30	1/2"	1,27	6,00	1,00	91,00	18,00	2,29	1,47	2,36	
		9,81	12,51	0,41	1/4"	0,64	16,00	0,91	125,00	16,40	3,17	2,00	2,77	
4"	10,16	12,19	15,48	0,41	5/16"	0,79	12,80	1,00	154,00	21,30	3,15	2,00	2,84	
		14,57	18,45	0,41	3/8"	0,95	10,67	1,00	183,00	24,60	3,12	2,00	2,90	
		16,80	21,35	0,41	7/16"	1,11	9,14	1,00	208,00	29,50	3,12	1,98	2,95	
		19,03	24,19	0,41	1/2"	1,27	8,00	1,00	233,00	32,80	3,10	1,98	3,00	
		21,26	26,96	0,41	9/16"	1,43	7,11	1,00	254,00	36,10	3,07	1,98	3,07	
		23,35	29,73	0,41	5/8"	1,59	6,40	1,00	279,00	39,40	3,05	1,96	3,12	
		18,30	23,29	0,51	3/8"	0,95	13,34	0,98	362,00	39,50	3,94	2,51	3,53	
5"	12,70	24,10	30,64	0,51	1/2"	1,27	10,00	1,00	470,00	52,50	3,91	2,49	3,63	
		29,80	37,80	0,51	5/8"	1,59	8,00	1,00	566,00	64,00	3,86	2,46	3,76	
		35,10	44,76	0,51	3/4"	1,91	6,67	1,00	653,00	73,80	3,81	2,46	3,86	
		22,22	28,12	0,61	3/8"	0,95	16,01	0,91	641,00	57,40	4,78	3,02	4,17	
6"	15,24	29,20	37,09	0,61	1/2"	1,27	12,00	1,00	828,00	75,40	4,72	3,00	4,27	
		36,00	45,06	0,61	5/8"	1,59	9,60	1,00	1007,00	93,50	4,67	2,97	4,39	
		42,70	54,44	0,61	3/4"	1,91	8,00	1,00	1173,00	109,90	4,65	2,97	4,52	
		49,30	62,76	0,61	7/8"	2,22	6,86	1,00	1327,00	124,60	4,60	2,97	4,62	

Exercício 2: Determinar resistência à tração da cantoneira a seguir

$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{4,58 \cdot 25}{1,10} = 104,09 \text{ kN}$$

Esforço nos parafusos:

$$V_P = \frac{104,9}{2} = 52,45 \text{ kN}$$

Adotado D = 3/4 A325 (VRD = 69,7 kN > 52,45)

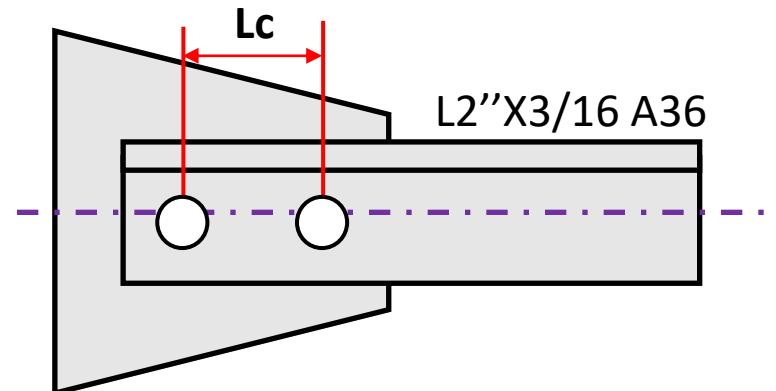
$$d' = 1,905 + 0,15 + 0,20 = 2,255 \text{ cm}$$

$$A_n = A_g - d' \cdot t \rightarrow A_n = 4,58 - 2,255 \cdot 0,476 = 3,51 \text{ cm}^2$$

$$L_c = 3 \cdot 1,905 = 5,71 \text{ cm} \approx 6 \text{ cm}$$

$$C_t = 1 - \frac{e_c}{L_c} = 1 - \frac{1,45}{6} = 0,76$$

$$N_{tRd} = \frac{c_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,76 \cdot 3,51 \cdot 40}{1,35} = 79,04 \text{ kN}$$



Especificação	Esforço	Diâmetro											
		Polegadas	1/2"	5/8"	3/4"	7/8"	1"	1.1/8"	1.1/4"	1.3/8"	1.1/2"	1.3/4"	2"
	milímetros	12,7	15,9	19,1	22,2	25	28,6	31,8	34,9	38,1	44,5	50,8	
A307	Tração		29,2	45,6	65,7	89,4	117	148	183	221	263	358	467
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		19,5	30,4	43,8	59,6	78	98,7	122	147	175	239	312
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		15,6	24,3	35	47,7	62	79	97,4	118	140	191	249
A325	Tração		58,1	90,7	131	178	204	259	319	385	459	625	816
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		38,7	60,4	87,1	118	136	173	213	257	306	417	544
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		31	48,4	69,7	94,8	109	138	170	205	245	333	435
A490	Tração		72,8	114	164	223	291	369	455	550	656	892	1165
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		48,6	75,8	109	149	194	246	303	367	437	595	777
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		38,8	60,7	87,4	119	155	197	243	293	350	476	622

Especificação	Esforço	Diâmetro											
		Código	M12	M16	M20	M22	M24	M27	M30	M33	M36	M42	M48
	milímetros	12	16	20	22	24	27	30	33	36	42	48	
ISO 898 Classe 4.6	Tração		25	45	70	84	101	127	157	190	226	308	402
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		17	30	47	56	67	85	105	127	151	205	268
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		13	24	37	45	54	68	84	101	121	164	214
ISO 898 Classe 8.8	Tração		50	89	140	169	201	254	314	380	452	616	804
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		27	48	74	90	107	136	168	203	241	328	429
ISO 898 Classe 10.9	Tração		63	112	175	211	251	318	393	475	565	770	1005
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		42	74	116	141	168	212	262	317	377	513	670
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536

Exercício 2: Determinar resistência à tração da cantoneira a seguir

$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{4,58 \cdot 25}{1,10} = 104,09 \text{ kN}$$

Esforço nos parafusos:

$$V_P = \frac{104,9}{2} = 52,45 \text{ kN}$$

Adotado D = 3/4 A325 (VRD = 69,7 kN > 52,45)

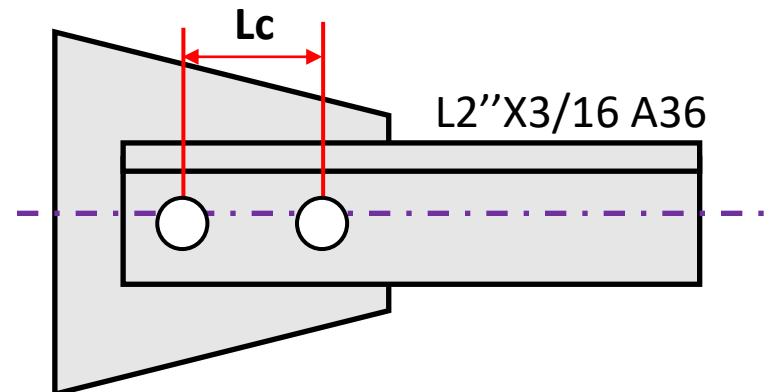
$$d' = 1,905 + 0,15 + 0,20 = 2,255 \text{ cm}$$

$$A_n = A_g - d' \cdot t \rightarrow A_n = 4,58 - 2,255 \cdot 0,476 = 3,51 \text{ cm}^2$$

$$L_c = 6 \cdot 1,905 = 11,43 \text{ cm} \approx 12 \text{ cm}$$

$$C_t = 1 - \frac{e_c}{L_c} = 1 - \frac{1,45}{12} = 0,88$$

$$N_{tRd} = \frac{c_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,88 \cdot 3,51 \cdot 40}{1,35} = 91,52 \text{ kN}$$



Especificação	Esforço	Diâmetro											
		Polegadas milímetros	1/2"	5/8"	3/4"	7/8"	1"	1.1/8"	1.1/4"	1.3/8"	1.1/2"	1.3/4"	2"
A307	Tração		29,2	45,6	65,7	89,4	117	148	183	221	263	358	467
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		19,5	30,4	43,8	59,6	78	98,7	122	147	175	239	312
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		15,6	24,3	35	47,7	62	79	97,4	118	140	191	249
A325	Tração		58,1	90,7	131	178	204	259	319	385	459	625	816
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		38,7	60,4	87,1	118	136	173	213	257	306	417	544
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		31	48,4	69,7	94,8	109	138	170	205	245	333	435
A490	Tração		72,8	114	164	223	291	369	455	550	656	892	1165
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		48,6	75,8	109	149	194	246	303	367	437	595	777
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		38,8	60,7	87,4	119	155	197	243	293	350	476	622

Especificação	Esforço	Diâmetro											
		Código milímetros	M12	M16	M20	M22	M24	M27	M30	M33	M36	M42	M48
ISO 898 Classe 4.6	Tração		25	45	70	84	101	127	157	190	226	308	402
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		17	30	47	56	67	85	105	127	151	205	268
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		13	24	37	45	54	68	84	101	121	164	214
ISO 898 Classe 8.8	Tração		50	89	140	169	201	254	314	380	452	616	804
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		27	48	74	90	107	136	168	203	241	328	429
ISO 898 Classe 10.9	Tração		63	112	175	211	251	318	393	475	565	770	1005
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		42	74	116	141	168	212	262	317	377	513	670
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536

Exercício 3: Determinar resistência à tração da cantoneira a seguir

$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{4,58 \cdot 25}{1,10} = 104,09 \text{ kN}$$

Esforço nos parafusos:

$$V_P = \frac{104,9}{3} = 34,96 \text{ kN}$$

Adotado D = 5/8 A325 (VRD = 48,4 kN > 34,96)

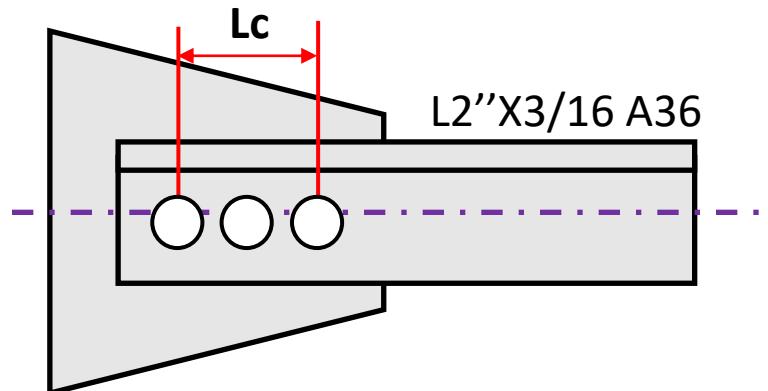
$$d' = 1,588 + 0,15 + 0,20 = 1,938 \text{ cm}$$

$$A_n = A_g - d' \cdot t \rightarrow A_n = 4,58 - 1,938 \cdot 0,476 = 3,66 \text{ cm}^2$$

$$L_c = 2 \cdot 3 \cdot 1,588 = 9,53 \text{ cm} \approx 9,6 \text{ cm}$$

$$C_t = 1 - \frac{e_c}{L_c} = 1 - \frac{1,45}{9,6} = 0,849$$

$$N_{tRd} = \frac{c_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,849 \cdot 3,66 \cdot 40}{1,35} = 92,06 \text{ kN}$$



Especificação	Esforço	Diâmetro										
		Polegadas	1/2"	5/8"	3/4"	7/8"	1"	1.1/8"	1.1/4"	1.3/8"	1.1/2"	1.3/4"
	milímetros	12,7	15,9	19,1	22,2	25	28,6	31,8	34,9	38,1	44,5	50,8
A307	Tração		29,2	45,6	65,7	89,4	117	148	183	221	263	358
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		19,5	30,4	43,8	59,6	78	98,7	122	147	175	239
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		15,6	24,3	35	47,7	62	79	97,4	118	140	191
A325	Tração		58,1	90,7	131	178	204	259	319	385	459	625
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		38,7	60,4	87,1	118	136	173	213	257	306	417
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		31	48,4	69,7	94,8	109	138	170	205	245	333
A490	Tração		72,8	114	164	223	291	369	455	550	656	892
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		48,6	75,8	109	149	194	246	303	367	437	595
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		38,8	60,7	87,4	119	155	197	243	293	350	476

Especificação	Esforço	Diâmetro											
		Código	M12	M16	M20	M22	M24	M27	M30	M33	M36	M42	M48
	milímetros	12	16	20	22	24	27	30	33	36	42	48	
ISO 898 Classe 4.6	Tração		25	45	70	84	101	127	157	190	226	308	402
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		17	30	47	56	67	85	105	127	151	205	268
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		13	24	37	45	54	68	84	101	121	164	214
ISO 898 Classe 8.8	Tração		50	89	140	169	201	254	314	380	452	616	804
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		27	48	74	90	107	136	168	203	241	328	429
ISO 898 Classe 10.9	Tração		63	112	175	211	251	318	393	475	565	770	1005
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		42	74	116	141	168	212	262	317	377	513	670
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536

Exercício 4: Determinar resistência à tração da cantoneira a seguir

$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{4,58 \cdot 25}{1,10} = 104,09 \text{ kN}$$

Esforço nos parafusos:

$$V_P = \frac{104,9}{4} = 26,22 \text{ kN}$$

Adotado D = 1/2 A325 (VRD = 31 kN > 26,22)

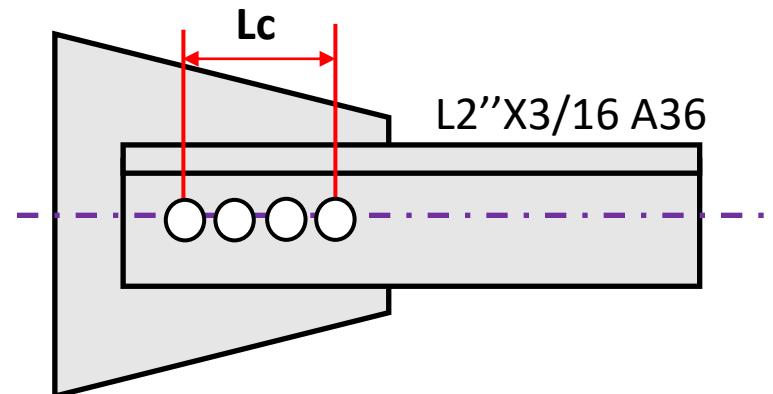
$$d' = 1,27 + 0,15 + 0,20 = 1,62 \text{ cm}$$

$$A_n = A_g - d' \cdot t \rightarrow A_n = 4,58 - 1,62 \cdot 0,476 = 3,81 \text{ cm}^2$$

$$L_c = 3 \cdot 3 \cdot 1,27 = 11,43 \text{ cm} \approx 12 \text{ cm}$$

$$C_t = 1 - \frac{e_c}{L_c} = 1 - \frac{1,45}{12} = 0,88$$

$$N_{tRd} = \frac{c_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,88 \cdot 3,81 \cdot 40}{1,35} = 99,34 \text{ kN}$$



Especificação	Esforço	Diâmetro											
		Polegadas	1/2"	5/8"	3/4"	7/8"	1"	1.1/8"	1.1/4"	1.3/8"	1.1/2"	1.3/4"	2"
	milímetros	12,7	15,9	19,1	22,2	25	28,6	31,8	34,9	38,1	44,5	50,8	
A307	Tração		29,2	45,6	65,7	89,4	117	148	183	221	263	358	467
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		19,5	30,4	43,8	59,6	78	98,7	122	147	175	239	312
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		15,6	24,3	35	47,7	62	79	97,4	118	140	191	249
A325	Tração		58,1	90,7	131	178	204	259	319	385	459	625	816
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		38,7	60,4	87,1	118	136	173	213	257	306	417	544
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		31	48,4	69,7	94,8	109	138	170	205	245	333	435
A490	Tração		72,8	114	164	223	291	369	455	550	656	892	1165
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		48,6	75,8	109	149	194	246	303	367	437	595	777
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		38,8	60,7	87,4	119	155	197	243	293	350	476	622

Especificação	Esforço	Diâmetro											
		Código	M12	M16	M20	M22	M24	M27	M30	M33	M36	M42	M48
	milímetros	12	16	20	22	24	27	30	33	36	42	48	
ISO 898 Classe 4.6	Tração		25	45	70	84	101	127	157	190	226	308	402
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		17	30	47	56	67	85	105	127	151	205	268
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		13	24	37	45	54	68	84	101	121	164	214
ISO 898 Classe 8.8	Tração		50	89	140	169	201	254	314	380	452	616	804
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		27	48	74	90	107	136	168	203	241	328	429
ISO 898 Classe 10.9	Tração		63	112	175	211	251	318	393	475	565	770	1005
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		42	74	116	141	168	212	262	317	377	513	670
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536

Exercício 4: Determinar resistência à tração da cantoneira a seguir

$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{4,58 \cdot 25}{1,10} = 104,09 \text{ kN}$$

Esforço nos parafusos:

$$V_P = \frac{104,9}{4} = 26,22 \text{ kN}$$

Adotado D = 1/2 A325 (VRD = 31 kN > 26,22)

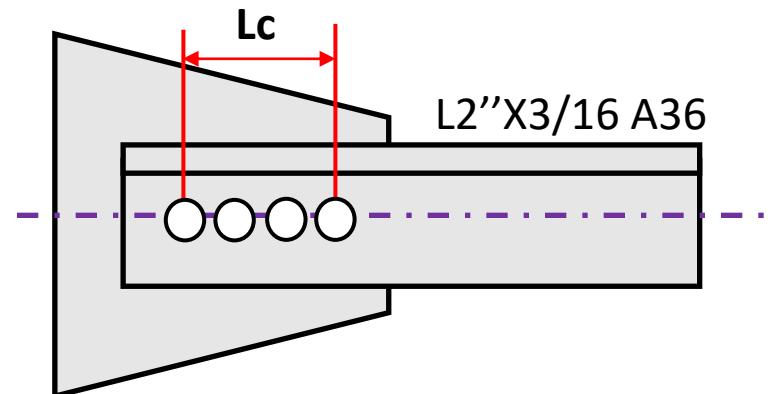
$$d' = 1,27 + 0,15 + 0,20 = 1,62 \text{ cm}$$

$$A_n = A_g - d' \cdot t \rightarrow A_n = 4,58 - 1,62 \cdot 0,476 = 3,81 \text{ cm}^2$$

$$L_c = 3 \cdot 4 \cdot 1,27 = 15,24 \text{ cm} \approx 16 \text{ cm}$$

$$C_t = 1 - \frac{e_c}{L_c} = 1 - \frac{1,45}{16} = 0,91$$

$$N_{tRd} = \frac{c_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,91 \cdot 3,81 \cdot 40}{1,35} = 102,72 \text{ kN}$$



Especificação	Esforço	Diâmetro											
		Polegadas	1/2"	5/8"	3/4"	7/8"	1"	1.1/8"	1.1/4"	1.3/8"	1.1/2"	1.3/4"	2"
	milímetros	12,7	15,9	19,1	22,2	25	28,6	31,8	34,9	38,1	44,5	50,8	
A307	Tração		29,2	45,6	65,7	89,4	117	148	183	221	263	358	467
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		19,5	30,4	43,8	59,6	78	98,7	122	147	175	239	312
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		15,6	24,3	35	47,7	62	79	97,4	118	140	191	249
A325	Tração		58,1	90,7	131	178	204	259	319	385	459	625	816
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		38,7	60,4	87,1	118	136	173	213	257	306	417	544
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		31	48,4	69,7	94,8	109	138	170	205	245	333	435
A490	Tração		72,8	114	164	223	291	369	455	550	656	892	1165
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		48,6	75,8	109	149	194	246	303	367	437	595	777
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		38,8	60,7	87,4	119	155	197	243	293	350	476	622

Especificação	Esforço	Diâmetro											
		Código	M12	M16	M20	M22	M24	M27	M30	M33	M36	M42	M48
	milímetros	12	16	20	22	24	27	30	33	36	42	48	
ISO 898 Classe 4.6	Tração		25	45	70	84	101	127	157	190	226	308	402
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		17	30	47	56	67	85	105	127	151	205	268
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		13	24	37	45	54	68	84	101	121	164	214
ISO 898 Classe 8.8	Tração		50	89	140	169	201	254	314	380	452	616	804
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		27	48	74	90	107	136	168	203	241	328	429
ISO 898 Classe 10.9	Tração		63	112	175	211	251	318	393	475	565	770	1005
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)		42	74	116	141	168	212	262	317	377	513	670
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)		34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536

Exercício 5: Determinar resistência à tração da cantoneira a seguir

$$N_{tRd} = \frac{2(e_2 - 0,5d').t.f_u}{1,35}$$

Para Parafuso $\frac{1}{2}$ A325

$$d' = 1,27 + 0,15 + 0,20 = 1,62\text{cm}$$

$$N_{tRd} = \frac{2(2,54 - 0,5 \cdot 1,62) \cdot 0,476 \cdot 40}{1,35} = 48,79 > 31 \text{ kN}$$

Para Parafuso $\frac{5}{8}$ A325

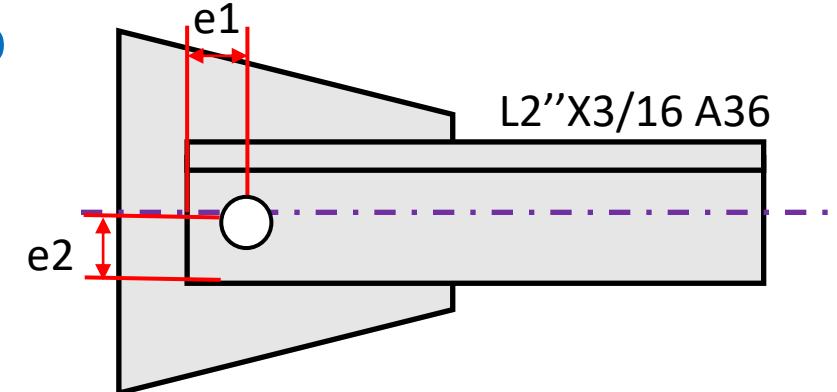
$$d' = 1,588 + 0,15 + 0,20 = 1,938\text{cm}$$

$$N_{tRd} = \frac{2(2,54 - 0,5 \cdot 1,938) \cdot 0,476 \cdot 40}{1,35} = 44,31 < 48,4 \text{ kN}$$

Para Parafuso $\frac{3}{4}$ A325

$$d' = 1,905 + 0,15 + 0,20 = 2,255\text{cm}$$

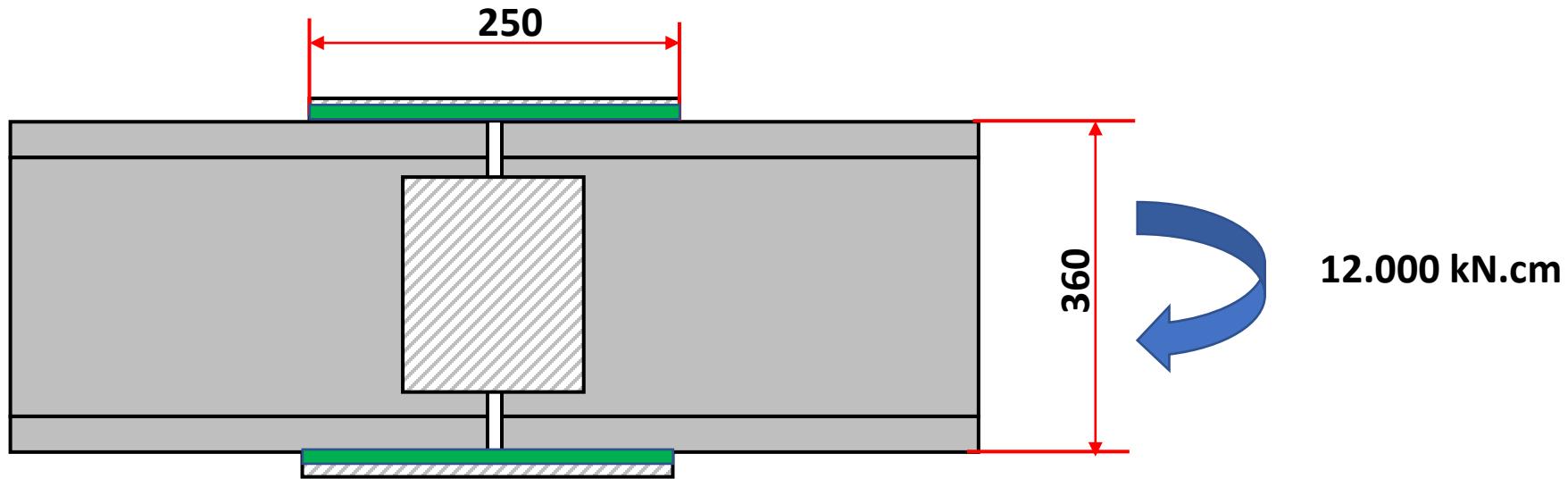
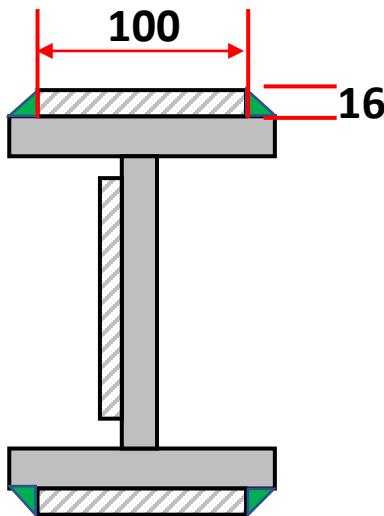
$$N_{tRd} = \frac{2(2,54 - 0,5 \cdot 2,255) \cdot 0,476 \cdot 40}{1,35} = 39,84 < 69,7 \text{ kN}$$



Especificação	Esforço	Polegadas milímetros	Diâmetro										
			1/2"	5/8"	3/4"	7/8"	1"	1.1/8"	1.1/4"	1.3/8"	1.1/2"	1.3/4"	2"
A307	Tração	12,7	29,2	45,6	65,7	89,4	117	148	183	221	263	358	467
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)	15,9	19,5	30,4	43,8	59,6	78	98,7	122	147	175	239	312
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)	19,1	15,6	24,3	35	47,7	62	79	97,4	118	140	191	249
A325	Tração	22,2	58,1	90,7	131	178	204	259	319	385	459	625	816
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)	25	38,7	60,4	87,1	118	136	173	213	257	306	417	544
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)	28,6	31	48,4	69,7	94,8	109	138	170	205	245	333	435
A490	Tração	31,8	72,8	114	164	223	291	369	455	550	656	892	1165
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)	34,9	48,6	75,8	109	149	194	246	303	367	437	595	777
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)	38,1	31	60,7	87,4	119	155	197	243	293	350	476	622

Especificação	Esforço	Código milímetros	Diâmetro									
			12	16	20	22	24	27	30	33	42	48
ISO 898 Classe 4.6	Tração	25	45	70	84	101	127	157	190	226	308	402
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)	17	30	47	56	67	85	105	127	151	205	268
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)	13	24	37	45	54	68	84	101	121	164	214
ISO 898 Classe 8.8	Tração	50	89	140	169	201	254	314	380	452	616	804
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)	34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)	27	48	74	90	107	136	168	203	241	328	429
ISO 898 Classe 10.9	Tração	63	112	175	211	251	318	393	475	565	770	1005
	Cortante (Rosca Fora do plano de corte)	42	74	116	141	168	212	262	317	377	513	670
	Cortante (Rosca no Plano de Corte)	34	60	93	113	134	170	209	253	302	411	536

Exercício 6: Determinar a resistência à tração da tala de emenda de mesa (A36)



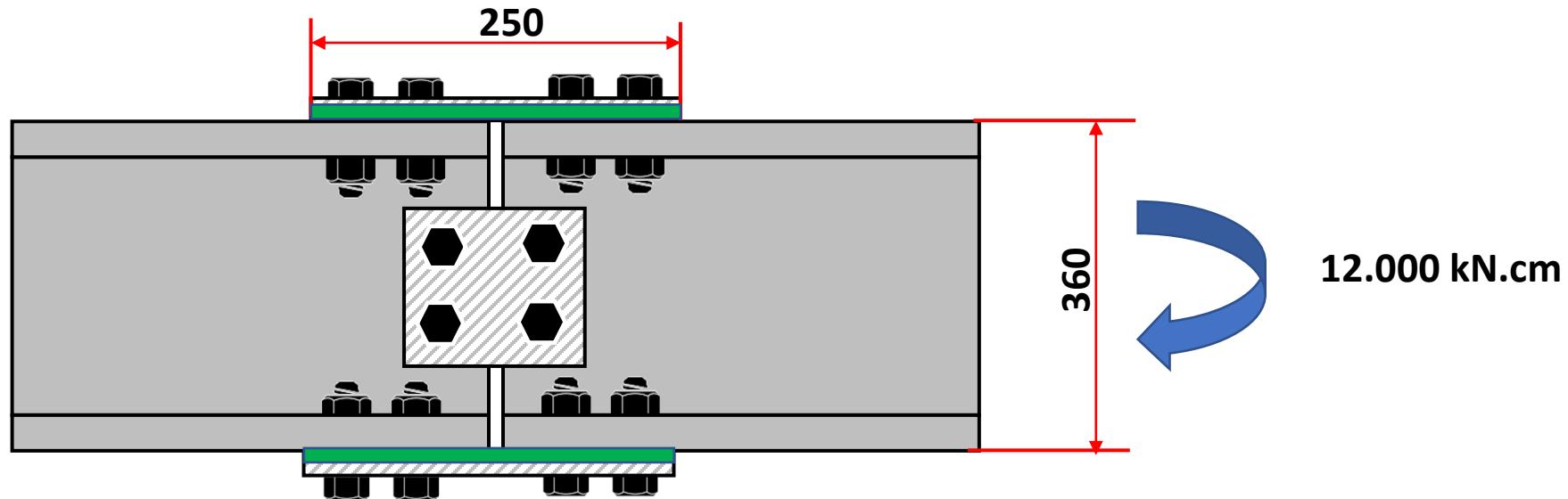
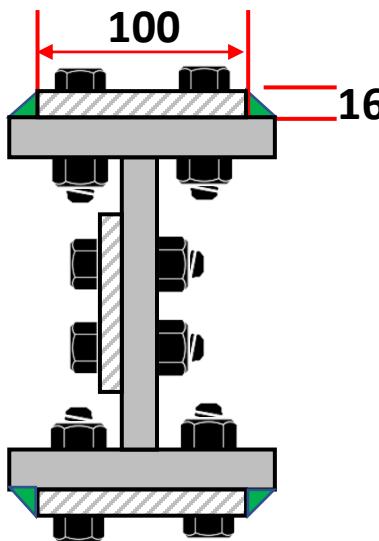
$$N_{TSd} \approx \frac{M}{h} = \frac{12000}{36} = 333,33 \text{ kN.cm}$$

$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{10 \cdot 1,6 \cdot 25}{1,10} = 363,64 \text{ kN}$$

$$l_c = \frac{12,5 + 1,25}{2} = 12,5 \text{ cm} \quad c_t = \frac{3 \cdot l_c^2}{3l_c^2 + b^2} \left(1 - \frac{t}{2l_c}\right) \quad c_t = \frac{3 \cdot 12,5^2}{3 \cdot 12,5^2 + 10^2} \left(1 - \frac{1,6}{2 \cdot 12,5}\right) = 0,77$$

$$N_{tRd} = \frac{c_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,77 \cdot 10 \cdot 1,6 \cdot 40}{1,35} = 365,03 \text{ kN}$$

Exercício 7: Determinar a resistência à tração da tala de emenda de mesa (A36)



$$N_{TSd} \approx \frac{M}{h} = \frac{12000}{36} = 333,33 \text{ kN.cm}$$

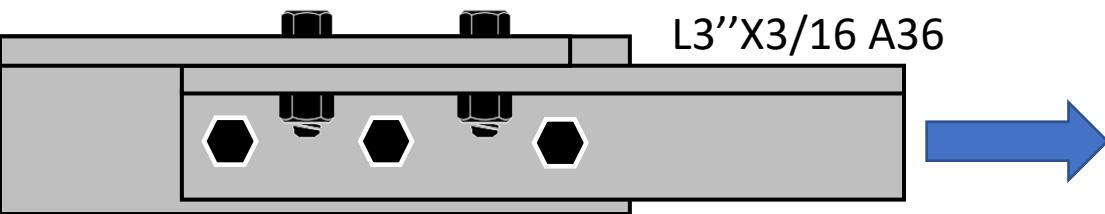
$$V_p = \frac{333,33}{4} = 83,33 \text{ kN} \quad \text{Adotado } 4 \times \text{Ø}7/8 \text{ A325 (VRD} = 94,8 \text{ kN} > 83,33\text{)}$$

$$d' = 2,22 + 0,15 + 0,20 = 2,57 \text{ cm} \quad A_n = A_g - d' \cdot t \rightarrow A_n = 10 \cdot 1,6 - 2 \cdot 2,57 \cdot 1,6 = 7,77 \text{ cm}^2$$

$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{10 \cdot 1,6 \cdot 25}{1,10} = 363,64 \text{ kN} \quad l_c = 3 \cdot 2,22 \approx 6,7 \text{ cm} \quad c_t = 1 - \frac{e_c}{l_c} \quad c_t = 1 - \frac{\left(\frac{1,6}{2}\right)}{6,7} = 0,88$$

$$N_{tRd} = \frac{c_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,88 \cdot 7,77 \cdot 40}{1,35} = 202,59 \text{ kN}$$

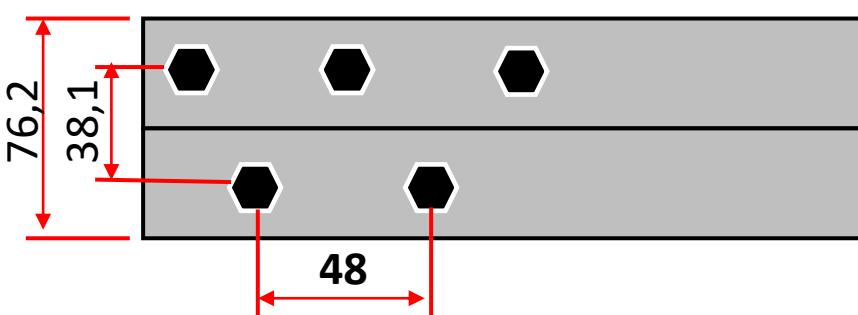
Exercício 8: Determinar a resistência à tração da cantoneira (A36)



$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{7,03 \cdot 25}{1,10} = 159,77 \text{ kN}$$

$$V_p = \frac{159,77}{5} = 31,95 \text{ kN} \quad \text{Adotado 5X M16 Classe 8.8 (VRD} = 48 \text{ kN} > 31,95)$$

Vista Planificada



$$L_c = 4 \cdot 2,4 = 9,6 \text{ cm}$$

$$C_t = 1 - \frac{e_c}{L_c} = 1 - \frac{2,08}{9,6} = 0,78$$

$$N_{tRd} = \frac{c_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,78 \cdot 5,35 \cdot 40}{1,35} = 123,64 \text{ kN}$$

$$d' = 1,6 + 0,15 + 0,20 = 1,95 \text{ cm}$$

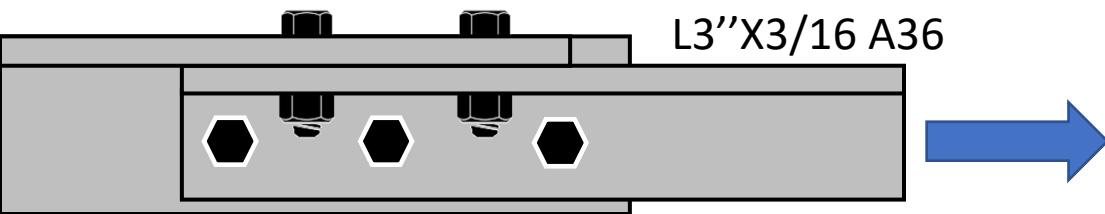
Caminho 1

$$A_n = A_g - d' \cdot t \rightarrow A_n = 7,03 - 1,95 \cdot 0,476 = 6,10 \text{ cm}^2$$

Caminho 2

$$A_n = A_g - 2 \cdot d' \cdot t + \frac{s^2}{4g} \rightarrow A_n = 7,03 - 2 \cdot 1,95 \cdot 0,476 + \frac{2,4^2}{4 \cdot 3,81} \cdot 0,476 = 5,35 \text{ cm}^2$$

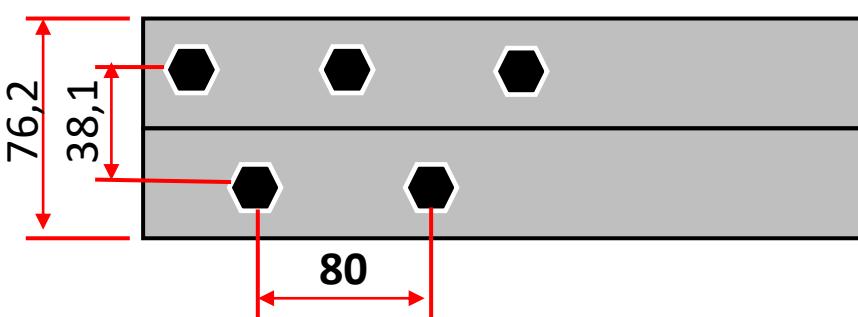
Exercício 8: Determinar a resistência à tração da cantoneira (A36)



$$N_{tRd} = \frac{A_g \cdot F_y}{1,10} \rightarrow N_{tRd} = \frac{7,03 \cdot 25}{1,10} = 159,77 \text{ kN}$$

$$V_p = \frac{159,77}{5} = 31,95 \text{ kN} \quad \text{Adotado 5X M16 Classe 8.8 (VRD} = 48 \text{ kN} > 31,95)$$

Vista Planificada



$$L_c = 4 \cdot 4 = 16 \text{ cm}$$

$$C_t = 1 - \frac{e_c}{L_c} = 1 - \frac{2,08}{16} = 0,87 \quad N_{tRd} = \frac{c_t \cdot A_n \cdot F_u}{1,35} \rightarrow N_{tRd} = \frac{0,87 \cdot 5,67 \cdot 40}{1,35} = 146,24 \text{ kN}$$

$$d' = 1,6 + 0,15 + 0,20 = 1,95 \text{ cm}$$

Caminho 1

$$A_n = A_g - d' \cdot t \rightarrow A_n = 7,03 - 1,95 \cdot 0,476 = 6,10 \text{ cm}^2$$

Caminho 2

$$A_n = A_g - 2 \cdot d' \cdot t + \frac{s^2}{4g} \rightarrow A_n = 7,03 - 2 \cdot 1,95 \cdot 0,476 + \frac{4^2}{4 \cdot 3,81} \cdot 0,476 = 5,67 \text{ cm}^2$$